

## SOBRE A TOPOLOGIA LOCAL DE CURVAS PLANAS

Edivan Pereira Da Silva<sup>1</sup>  
Rodrigo Mendes Pereira<sup>2</sup>

### RESUMO

O presente trabalho tem como objetivo descrever a topologia local de curvas do tipo  $x^p \cdot y^q$ . A metodologia consistirá na descrição da topologia local da curva do tipo  $x^p \cdot y^q$  a partir do caso específico para a curva  $p: \mathbb{C} \rightarrow \mathbb{C}$ , com  $p(x,y) = x^3 \cdot y^2$ . Dado um ponto  $a$  pertencente a  $p^{-1}(0)$ , estudaremos o comportamento de  $p^{-1}(0)$  próximo do ponto  $a$ . Seja a curva  $p: \mathbb{C} \rightarrow \mathbb{C}$ , com  $p(x,y) = x^3 \cdot y^2$ , seja um ponto  $a$  pertencente a  $p^{-1}(0)$ , pelo teorema da função implícita, um importante teorema para o cálculo diferencial de várias variáveis, se o gradiente de  $p$  aplicado no ponto  $a$  for diferente de zero, então o teorema nos garantirá uma estrutura de gráfico numa vizinhança do ponto  $a$ , mas se o gradiente de  $p$  aplicado no ponto  $a$  for igual a zero já não poderemos utilizar o teorema da função implícita. Nesse caso podemos tomar a aplicação  $\pi(t) = (t^2, t^3)$  e a composição  $p(\pi(t))$  será igual a zero, logo poderemos descrever  $p^{-1}(0)$  estudando a aplicação  $\pi$ . Nesse trabalho focaremos em estudar a topologia local da aplicação  $\pi$  e logo após estenderemos o estudo para o caso geral da curva  $p: \mathbb{C} \rightarrow \mathbb{C}$ , com  $p(x,y) = x^p \cdot y^q$ . Para finalizar tomaremos a aplicação  $\pi$  e aplicaremos um processo de iteração, de modo que teremos  $\pi(t) = (t, t^{3/2} + t^{7/4})$  e estudaremos a topologia local dessa aplicação iterada.

**Palavras-chave:** topologia local teorema da função implícita curvas planas .

---

UNILAB, ICEN, Discente, edivanp07@gmail.com<sup>1</sup>  
UNILAB, ICEN, Docente, rodrigomendes@unilab.edu.br<sup>2</sup>